

令和5年度 一般入学試験問題 (数学Ⅰ)

受験番号	氏名

次の をうめる正しい解答を解答用紙へ記入せよ。

(1) 次の式を因数分解せよ。

$$(ア) \quad x^3 + 5x^2y + 6xy^2 = \boxed{①}$$

$$(イ) \quad x^6 - 1 = \boxed{②}$$

$$(ウ) \quad (x + 1)(x + 2)(x + 3)(x + 4) - 24 = \boxed{③}$$

(2) 次の式を展開せよ。

$$(ア) \quad (x + 2y + z)^2 = \boxed{①}$$

$$(イ) \quad (2x - \frac{1}{y})^3 = \boxed{②}$$

$$(ウ) \quad (x - y + z)(x - y + 3z) = \boxed{③}$$

(3) $x = \frac{\sqrt{3} + 1}{\sqrt{3} - 1}$, $y = \frac{\sqrt{3} - 1}{\sqrt{3} + 1}$ のとき、次の式の値を求めよ。

$$(ア) \quad x^2 + y^2 = \boxed{①}$$

$$(イ) \quad \frac{x}{y} + \frac{y}{x} = \boxed{②}$$

$$(ウ) \quad x^3 + y^3 = \boxed{③}$$

(4) 次の連立3元1次方程式の解は $a = \boxed{①}$, $b = \boxed{②}$, $c = \boxed{③}$ である。

$$\begin{cases} a - b + c = 0 \\ 4a - 2b + c = 0 \\ 9a - 3b + c = 4 \end{cases}$$

(5) 放物線 $y = x^2 - 3x + 3$ と直線 $y = 4x - a$ がある。

(ア) $a = 3$ のとき 2つのグラフの共有点は点 ($\boxed{①}$, $\boxed{②}$) と
点 ($\boxed{③}$, $\boxed{④}$) である。

(イ) 2つのグラフの共有点がただ1つであるような定数 a の値は $\boxed{⑤}$ である。

(ウ) 2つのグラフが共有点をもたないような定数 a の値の範囲は $\boxed{⑥}$ である。

(6) $\triangle ABC$ において、 $b = \sqrt{6} - \sqrt{2}$, $c = 2\sqrt{3}$, $A = 45^\circ$ であるとき、

$a = \boxed{①}$, $C = \boxed{②}$ である。

(7) $0^\circ \leq \theta \leq 180^\circ$ とする。

(ア) $\frac{\sqrt{3}}{2} \leq \sin \theta \leq 1$ をみたす θ の値の範囲は $\boxed{①}$ である。

(イ) $-1 \leq \tan \theta \leq 0$ をみたす θ の値の範囲は $\boxed{②}$ である。

(8) 台形ABCDが $AD // BC$, $AB = AD = 6$, $BC = 8$,

$\angle ABC = 60^\circ$ のとき、台形ABCDの面積は $\boxed{①}$ である。